

Санкт-Петербургский государственный университет

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

Введение в дифференциальную топологию (осн курс), тр 5 сем
Introduction to Differential Topology

Язык(и) обучения

русский

Трудоемкость в зачетных единицах: 3

Регистрационный номер рабочей программы: 045022

Раздел 1. Характеристики учебных занятий

1.1. Цели и задачи учебных занятий

Сообщение сведений о дифференциальной топологии в объеме, необходимом для общего развития и изучения смежных дисциплин физико-математического цикла. Усвоение основных идей, понятий и фактов дифференциальной топологии.

1.2. Требования подготовленности обучающегося к освоению содержания учебных занятий (пререквизиты)

Владение курсом «Геометрия и топология».

1.3. Перечень результатов обучения (learning outcomes)

Обучающийся должен овладеть теоретическим материалом в объеме, предусмотренном программой, уметь применять полученные знания при решении теоретических и прикладных задач, на основе анализа освоенных разделов: пространства отображений, топология гладких многообразий; уяснить логику и технику построения математической теории как фундамента самостоятельных научных исследований

1.4. Перечень и объём активных и интерактивных форм учебных занятий

Промежуточная аттестация (экзамен) 4 часа.

Раздел 2. Организация, структура и содержание учебных занятий

2.1. Организация учебных занятий

2.1.1 Основной курс

Трудоёмкость, объёмы учебной работы и наполняемость групп обучающихся																	
Код модуля в составе дисциплины, практики и т.п.	Контактная работа обучающихся с преподавателем											Самостоятельная работа				Объём активных и интерактивных форм учебных занятий	Трудоёмкость
	лекции	семинары	консультации	практические занятия	лабораторные работы	контрольные работы	коллоквиумы	текущий контроль	промежуточная аттестация	итоговая аттестация	под руководством преподавателя	в присутствии преподавателя	сам. раб. с использованием методических материалов	текущий контроль (сам.раб.)	промежуточная аттестация (сам.раб.)		
ОСНОВНАЯ ТРАЕКТОРИЯ																	
очная форма обучения																	
Семестр 5	32		2					2				44		28		4	3
	2-50		2-50					2-50				1-1		1-1			
ИТОГО	32		2					2				44		28		4	3

Виды, формы и сроки текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации						
Код модуля в составе дисциплины, практики и т.п.	Формы текущего контроля успеваемости		Виды промежуточной аттестации		Виды итоговой аттестации (только для программ итоговой аттестации и дополнительных образовательных программ)	
	Формы	Сроки	Виды	Сроки	Виды	Сроки
ОСНОВНАЯ ТРАЕКТОРИЯ						
очная форма обучения						
Семестр 5			экзамен, устно, традиционная форма	по графику промежуточной аттестации, по графику промежуточной аттестации		

2.2. Структура и содержание учебных занятий

Период обучения (модуль): Семестр 5

№ п/п	Наименование темы (раздела, части)	Вид учебных занятий	Количество часов
1	Пространства отображений	Лекции	16
		практические занятия	
		в присутствии преподавателя	
		по методическим материалам	22
2	Топология гладких многообразий	Лекции	16
		практические занятия	
		в присутствии преподавателя	
		по методическим материалам	22
3	Экзамен	промежуточная аттестация (ауд)	2
		промежуточная аттестация (с.р.)	28

Раздел 1: Пространства отображений

Слабые и сильные топологии Уитни. Сглаживание отображений. Теорема о сглаживании S^1 -многообразия. Теорема о воротнике.

Общий случай теоремы о вложении.

Струи и свойство Бэра.

Трансверсальность отображений. Теорема Тома о трансверсальности.

Конструкции в категории векторных расслоений. Евклидовы расслоения, ориентация расслоений. Трубочатые окрестности.

Раздел 2: Топология гладких многообразий

Степени отображений. Индексы пересечения. Индекс гиперповерхности относительно точки. Индексы векторных полей. Теоремы о разбиении и невложимости.

Функции Морса. Регулярные поверхности уровня. Лемма Морса и переход через критический уровень. Гладкие многообразия и клеточные комплексы. Индексы векторных полей и эйлерова характеристика.

Кобордизмы и трансверсальность. Гомоморфизм Тома.

Раздел 3. Обеспечение учебных занятий

3.1. Методическое обеспечение

3.1.1 Методические указания по освоению дисциплины

Посещение лекций

3.1.2 Методическое обеспечение самостоятельной работы

Основная и дополнительная литература

3.1.3 Методика проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации и критерии оценивания

Методика проведения экзамена

Экзамен проводится в устной форме. Билет состоит из двух вопросов. Время подготовки ответа на вопросы билета составляет 60 минут.

Использование конспектов и учебников, а также электронных устройств хранения, обработки или передачи информации при подготовке и ответе на вопросы экзамена категорически запрещено. В случае обнаружения факта использования недозволенных материалов (устройств) составляется акт и студент удаляется с экзамена. После ответа на вопросы билета преподаватель задает несколько дополнительных вопросов, на основании оценки ответов на которые итоговая оценка по предмету может быть повышена или понижена.

Критерии выставления оценок

Оценка «отлично» ставится за полностью раскрытый теоретический материал и правильные ответы на дополнительные вопросы преподавателя. В болонской шкале оценка может быть скорректирована в ту или иную сторону с учетом малозначительных погрешностей изложения или, напротив, углубленного изложения материала.

Оценка «хорошо» ставится за изложенный теоретический материал билета (возможно с помощью наводящих подсказок преподавателя).

Оценка «удовлетворительно» ставится за знание основных вопросов по каждой теме.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется, если не выполняются условия для получения оценок «отлично», «хорошо» и «удовлетворительно».

3.1.4 Методические материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации (контрольно-измерительные материалы, оценочные средства)

Период обучения (модуль): **Семестр 5**

Список вопросов к экзамену:

1. Слабые и сильные топологии Уитни.
2. Сглаживание отображений.
3. Теорема о сглаживании C^1 -многообразия.
4. Теорема о воротнике.
5. Общий случай теоремы о вложении.
6. Струи и свойство Бэра.

7. Теорема Тома о трансверсальности.
8. Конструкции в категории векторных расслоений.
9. Евклидовы расслоения, ориентация расслоений.
10. Трубочатые окрестности.
11. Степени отображений.
12. Индекс гиперповерхности относительно точки.
13. Индексы пересечения, индексы нулей векторного поля.
14. Теоремы о разбиении и невложимости.
15. Функции Морса, их существование.
16. Регулярные уровни и подуровни.
17. Лемма Морса и переход через критический уровень.
18. Гладкие многообразия и клеточные комплексы.
19. Индексы векторных полей и эйлерова характеристика.
20. Кобордизмы.
21. Гомоморфизм Тома.

3.1.5 Методические материалы для оценки обучающимися содержания и качества учебного процесса

3.2. Кадровое обеспечение

3.2.1 Образование и (или) квалификация штатных преподавателей и иных лиц, допущенных к проведению учебных занятий

К чтению лекций должны привлекаться преподаватели, имеющие ученую степень доктора или кандидата наук (в том числе степень PhD, прошедшую установленную процедуру признания и установления эквивалентности) и/или ученое звание профессора или доцента.

3.2.2 Обеспечение учебно-вспомогательным и (или) иным персоналом

не требуется

3.3. Материально-техническое обеспечение

3.3.1 Характеристики аудиторий (помещений, мест) для проведения занятий

Стандартно оборудованные лекционные аудитории, должны вмещать поток в соответствии со списком студентов

3.3.2 Характеристики аудиторного оборудования, в том числе неспециализированного компьютерного оборудования и программного обеспечения общего пользования

доска для письма мелом или фломастером

3.3.3 Характеристики специализированного оборудования

не требуется

3.3.4 Характеристики специализированного программного обеспечения

не требуется

3.3.5 Перечень и объёмы требуемых расходных материалов

Мел — не менее 1 куска на час лекционных занятий, фломастеры для доски, губка

3.4. Информационное обеспечение

3.4.1 Список обязательной литературы

1. М. Хирш. Дифференциальная топология. М.: Мир, 1979
2. Дж.Милнор, Д.Уоллес. Дифференциальная топология. Начальный курс. М.:Мир, 1972.

3.4.2 Список дополнительной литературы

3.4.3 Перечень иных информационных источников

Раздел 4. Разработчики программы

Иванов Сергей Владимирович, доктор физ.-мат. наук, главный научный сотрудник ПОМИ РАН, svivanov@pdmi.ras.ru